

CHESTIONAR DE CONCURSDISCIPLINA: Geometrie plană și în spațiu și trigonometrie **M2A**VARIANTA **F**

1. Fie O intersecția diagonalelor AC și BD ale patrulaterului convex $ABCD$. Dacă $AO = 2OC$ și $OB = 2OD$, să se calculeze raportul $\frac{\text{aria}(ABCD)}{\text{aria}(DOC)}$. (8 pct.)
a) 8; b) 7; c) 5; d) 9; e) 3; f) 4.
2. Se consideră un patrulater convex $ABCD$ în care $AB \equiv CD$. Se cere locul geometric al punctelor M din planul patrulaterului ce satisfac relația $MA^2 + MB^2 = MC^2 + MD^2$. (8 pct.)
a) mulțimea vidă; b) un cerc tangent la AB și CD ; c) două drepte paralele; d) o dreaptă; e) o semidreaptă; f) un singur punct.
3. Valoarea expresiei $E = \cos \frac{2\pi}{7} + \cos \frac{4\pi}{7} + \cos \frac{6\pi}{7}$ este (8 pct.)
a) $-\frac{1}{2}$; b) $\frac{\sqrt{2}}{2}$; c) $\frac{1}{2}$; d) $\sqrt{3}$; e) 1; f) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$.
4. Dacă $\sin^2 15^\circ + \cos^2 15^\circ = (y+1)(y-2)$, $y > 0$, atunci y este egal cu (6 pct.)
a) $\sin 15^\circ$; b) $\frac{1-\sqrt{13}}{2}$; c) $\frac{1}{7}$; d) $\frac{1+\sqrt{13}}{2}$; e) $\frac{\sqrt{2}}{2}$; f) $\sqrt{13}$.
5. Un con și un cilindru au același volum. Știind că înălțimile lor sunt egale, calculați raportul dintre raza conului și raza cilindrului. (6 pct.)
a) $\sqrt{5}$; b) $\sqrt{3}$; c) $\frac{5}{4}$; d) $\sqrt{2}$; e) $\frac{3}{2}$; f) $\frac{4}{3}$.
6. Aflați aria unui trapez isoscel având baza mică 6, baza mare 8 și diagonalele perpendiculare. (6 pct.)
a) 49; b) 36; c) $14\sqrt{2}$; d) 64; e) $12\sqrt{3}$; f) 25.
7. Să se determine suma lungimilor bazelor unui trapez, știind că linia sa mijlocie are lungimea 15. (4 pct.)
a) 16; b) 30; c) 18; d) 20; e) 24; f) 15.
8. Dacă $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ și $\sin \alpha = \frac{1}{3}$, atunci $\text{tg } \alpha$ este (4 pct.)
a) $-\sqrt{3}$; b) $\frac{\sqrt{2}}{4}$; c) $\sqrt{3}$; d) $-\frac{\sqrt{2}}{4}$; e) $-\frac{1}{2}$; f) $\sqrt{2}$.

9. Fie O punctul de intersecție al mediatoarelor unui triunghi oarecare. Atunci O este (4 pct.)
 a) egal depărtat de vârfurile triunghiului; b) egal depărtat de laturile triunghiului; c) situat în exteriorul triunghiului; d) centrul de greutate; e) ortocentrul; f) un vârf al triunghiului.
10. Dacă în triunghiul ABC avem $AB = \sqrt{13}$, $BC = 3$, $\hat{C} = 60^\circ$, atunci (4 pct.)
 a) $AC = 3\sqrt{3}$; b) $AC = 3\sqrt{2}$; c) $AC = 4$; d) $AC = 4\sqrt{2}$; e) $AC = 4\sqrt{3}$; f) $AC = 2$.
11. Unghiurile exterioare ale unui triunghi au măsurile α, β, γ . Dacă $\alpha + \beta = 3\gamma$, atunci triunghiul este (4 pct.)
 a) cu un unghi de 120° ; b) cu laturile în progresie aritmetică; c) dreptunghic; d) echilateral; e) ascuțitunghic; f) isoscel.
12. Raportul dintre măsura unui unghi înscris într-un cerc și măsura arcului cuprins între laturile sale este (4 pct.)
 a) $\frac{2}{3}$; b) $\frac{1}{4}$; c) $\frac{1}{3}$; d) 1; e) $\frac{3}{4}$; f) $\frac{1}{2}$.
13. Fie s suma pătratelor lungimilor laturilor unui paralelogram și d suma pătratelor lungimilor diagonalelor sale. Atunci (4 pct.)
 a) $s > d$; b) $s = 2d$; c) $s = 3d$; d) $s = d$; e) $s < d$; f) $s = 4d$.
14. Să se calculeze $z = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1-i}\right)^6$ (4 pct.)
 a) $z = 2^3(1+i\sqrt{3})$; b) $z = 2^3$; c) $z = -8i$; d) $z = 2^3(1+i)$; e) $z = 2^5\sqrt{2}(1+i)$; f) $z = 2^3(1-i)$.
15. Prin secționarea unei piramide patrulater regulate cu un plan paralel cu baza se obține un trunchi de piramidă în care raportul dintre lungimile laturilor bazei mici și bazei mari este $\frac{3}{5}$. Știind că volumul piramidei este 125, volumul trunchiului de piramidă este (4 pct.)
 a) 100; b) 102; c) $48\sqrt{2}$; d) 105; e) 96; f) 98.
16. Într-un triunghi dreptunghic ($\hat{A} = 90^\circ$) se cunoaște cateta $AB = 3$ și $\hat{C} = 60^\circ$. Calculați perimetrul triunghiului. (4 pct.)
 a) $1 + \sqrt{3}$; b) $4 - \sqrt{3}$; c) $3(4 - \sqrt{3})$; d) 10; e) $3(1 + \sqrt{3})$; f) $4\sqrt{3}$.
17. Volumul piramidei determinate de trei muchii concurente ale unui cub de latură a este (4 pct.)
 a) $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$; b) $\frac{a^3}{2}$; c) $\frac{a^3}{3}$; d) $\frac{a^3}{6}$; e) $\frac{2a^3}{3}$; f) $a^3\sqrt{2}$.
18. Într-un cerc de rază R se înscrie un triunghi echilateral. Aria triunghiului este (4 pct.)
 a) $\frac{2R^2\sqrt{3}}{3}$; b) $\frac{R^2\sqrt{3}}{6}$; c) $\frac{3R^2\sqrt{3}}{4}$; d) $\frac{R^2\sqrt{3}}{2}$; e) $\frac{3R^2\sqrt{3}}{2}$; f) $3R^2\sqrt{3}$.